TENDENCIAS ACTUALES EN LA ENSENANZA DE LA MATEMATICA A NIVEL INTERNACIONAL (| | |)

Claude Gaulin
Universidad Laval (Canadá)

EL IMPACTO DE LAS COMPUTADORAS Y LAS CALCULADORAS EN LA EDU - CACION MATEMATICA

Por falta de tiempo, tendré que limitarme a exponer unas cuantas ideas generales, sin muchos ejemplos específicos. Presentaré más - cuestiones que soluciones; sólo pretendo estimular la reflexión sobre - el tema.

En cuanto a las computadoras, hay que distinguir dos tipos deproblemas:

- a) la iniciación a las computadoras como parte de una educa ción básica para todos;
 - b) su utilización en la enseñanza de la Matemática.

Creo que los alumnos de EGB deben adquirir los conocimientosmínimos sobre ordenadores que se necesitan para vivir en el mundo de hoy, se disponga o no de ellos en el aula. Algunos niños aprenden más de esto fuera de la escuela que en ella, es cierto, pero es una obligación asegurar que todos aprendan lo fundamental.

En algunos países, como los de la América Latina y Africa, es tán intentando actualmente ponerse al día al respecto. Ubiratan D'Ambro
sio, del Brasil, presidente del Comité Interamericano de Educación Matemá
tica para la América Latina, dijo públicamente que, en su opinión, es ur -

gente para los países en vías de desarrollo, ya que es un medio de reducir las diferencias con los países desarrollados. Se puede estar o node acuerdo con esto, pero es indudable que actualmente no se puede prescindir de dar a los niños unos conocimientos mínimos y unas experiencias sobre Informática.

Por otro lado, hoy existen microcomputadoras, de adquisición relativamente fácil, que pueden utilizarse en la escuela, en la casa o en el trabajo, a diferencia de los años 60 en que sólo había grandes sistemas y con lenguajes complicados.

Este constante avance tecnológico ha de tenerse muy en cuenta cuando se están preparando nuevos currículos. Conviene utilizar micro-computadoras con lenguajes interactivos sencillos, como el BASIC y el LOGOS, y contemplar la posibilidad de uso de otras máquinas en conexión -con ellas.

Una cultura básica, a nivel de la EGB, sobre Informática, debe - incluir, a mi juicio, los siguientes puntos:

- . Conocimiento de los componentes principales de las computadoras y del funcionamiento de éstas.
 - . Idea de su grandes posibilidades y de sus limitaciones.
- . Algunas nociones sobre programación, que permitan al alumnopreparar sus propios programas, sin tener que limitarse a trabajar conlos del profesor o de los textos.
- . Conocimiento de los diveros usos de los ordenadores en la -vida ordinaria.
- . Conciencia del impacto social e,incluso,legal, de la Inform \underline{a} tica. Al respecto, debe alertarse, por ejemplo, del peligro de que pueda utilizarse para almacenar información indebida sobre la vida privada de la gente. Espero que las leyes lleguen realmente a impedirlo.

Para terminar estas consideraciones sobre la iniciación a la-Informática en la educación básica, sólo unas palabras referentes a la cuestión de si debe incluirse en el programa de Matemáticas o, por el contrario, debe constituir una disciplina aparte. No hay acuerdo al respecto. En Francia, por ejemplo, intentaron interesar a profesores de otras disciplinas para que no sólo fueran los de Matemáticas los encargados de impartir la Informática, que es lo que ocurre en la mayoría delos países. En realidad, constituye esto un problema cuya solución depende de varios factores: el contexto local, los recursos económicos, las posibilidades de entrenar al profesorado y, en general, la concepción global que de la educación se tenga.

En lo relativo a la utilización de las computadoras en la enseñanza de la Matemática, cabe considerar dos puntos de vista: su influ encia sobre la propia Matemática y su efectos sobre la enseñanza de lamisma.

Existen artículos escritos por matemáticos donde se asegura que las computadoras llegarán a influir imprevisiblemente sobre la Matemática en sí. Un ejemplo de este efecto, que empieza ya a notarse, es lademostración, mediante computadora, del célebre teorema topológico de los cuatro colores. Tal demostración -hasta ahora no conseguida y que, pesea la máquina, resulta tan larga y complicada que posiblemente nadie tendrá el suficiente tiempo para verificar cada uno de sus pasos- tal de mostración, digo, cambia totalmente el concepto tradicional de demostra ción matemática. Otro ejemplo, que aparece en documentos recientes, es la pretensión de que en un futuro próximo se desarrollará un nuevo métodode trabajo combinando las imágenes de la pantalla de la computadora, detal manera que, según algunos, esta visualización permitirá abordar conceptos que actualmente requieren un tratamiento más formal; por ejem plo, los referentes al cálculo diferencial e integral.

Respecto a la enseñanza de nuestra disciplina, esto es, con relación a sus contenidos, metodología y papel de instrumento para el estu dio de otras, el impacto de las calculadoras es evidente. La resoluciónde ecuaciones por iteración, por aproximaciones sucesivas, que la máquina puede realizar fácilmente, es un ejemplo de cómo ésta puede influir en - los currículos del futuro. Así, en lugar de invertir mucho tiempo en elestudio de ecuaciones lineales, ecuaciones de segundo grado, etc., se podría diseñar -ya se hace en algunos países- un proceso generalizador para la resolución de ecuaciones polineales por computadora. Otro caso donde la utilidad de ésta es clara es el de los estudios de Estadística, aunque en éstos basta con una calculadora.

No voy a poner más ejemplos, no tengo tiempo para ello, pero da ré dos referencias de entre las muchas interesantes que existen:

El documento "The influence of computers and informatics on Mathematics and its teaching", presentado por la Comisión Internacionalde Educación Matemática (ICMI) en el V ICME(Adelaida, 1984). (*)

Un pequeño libro, "Computer and Mathematics. Impact on Secunda ay Curriculum", publicado en el mismo año por el National Council of Teachers of Mathematics de Estados Unidos de América.

Veamos, por último, algunas consideraciones respecto a cómo pue den influir las computadoras en la enseñanza de las Matemáticas en las-escuelas. Entre las cinco o seis maneras de emplearlas, sólo voy a referirme a dos: el empleo de Soltwane y la programación.

Existen muchos juegos Software, pero algunos de ellos no tie - nen valor educativo; hay que ser precavidos en esto. Desde hace unos pocos años puede disponerse de sistemas muy interesantes que, en lugar decálculo numérico, emplean fórmulas, presentan un tratamiento simbólico que permite, por ejemplo, resolver ecuaciones, calcular la derivada de una fue ción, integrar, etc.

¿Qué va a pasar con todo esto? La situación es similar a loque ocurrió con la aparición de las calculadoras científicas, que hicieron desaparecer el cálculo mediante tablas de logaritmos. La influencia de las microcomputadoras en los currículos futuros parece evidente y, pe se a que todavía es pobre la existencia de Soltware de calidad, hay mucha gente trabajando en este campo y creo que pronto dispondremos de cosas muy interesantes; soy optimista al respecto.

^(*) NUMEROS tratará de publicar su traducción próximamente.

En lo relativo a programación por los alumnos,o entre ellos y el profesor, creo que pronto dispondremos de una gran variedad de actividades que permitirán llevarla a cabo, ya que cada día es más frecuente que las escuelas dispongan de microordenadores. Cabe señalar, como ejemplos, programas cortos de iniciación a la Informática, elaborados en clase, para realizar cálculos complicados, simulación de fenómenos aleato rios sencillos. etc.

(Pese a su deseo de tratar el tema de las calculadoras con cierta amplitud, el profesor Gaulin, por escasez de tiempo, tuvo que limitarse a apuntar sólo unas cuestiones de indole general. Las expondremos aqui, y a continuación, daremos la traducción del trakajo INFLUENZA DELLE CALCOLATRICI TASCABILI SUL RENDIMENTO DEGLI STUDENTI NELLE CLASSI 5^a_{-} E 6^a_{-} IN CANADA, que relata una experiencia realizada por él y la profesora Roberta Mura. Fue publicado en la revista "L'insegnamento della matema tica e delle scienze integrate", vol.7, n^o_{-} 2, de Abril de 1984.)

Una cuestión muy interesante desde el punto de vista didáctico es ver cómo se puede combinar la calculadora como instrumento de aprendizaje con otros tipos de materiales. ¿ Cuál es el lugar adecuado para cada clase de material? Puede ser, pongamos por caso, que la calcula
dora no sea interesante para conceptualizar el algoritmo de la adición;
es más apropiado quizás el empleo de lápiz y papel, ábacos, regletas, bloques de diversos tipos,..Pero, para desarrollar la noción de raíz cuadra
da, por ejemplo, puede ser que la calculadora resulte más apropiada que otros materiales. Desde el punto de vista de la investígación, un proble
ma fundamental y por ahora sin solución, es el de cómo organizar una pro
gramación que abarque el Preescolar y los dos primeros ciclos de la E.G.
B., que permita utilizar la calculadora en momentos oportunos y con obje
tivos específicos interesantes.

Sólo me queda tiempo para añadir que si bien como investiga dor tengo restricciones respecto al uso de la calculadora como instru mento didáctico en el nivel secundario, soy optimista en cuanto a su empleo en niveles más bajos.

INFLUENCIA DE LAS CALCULADORAS DE BOLSILLO EN EL RENDIMIENTO DE ALUMNOS DE LOS NIVELES 5º y 6º EN EL CANADA

Relato de una experiencia llevada a calo por los profesores CLAUDE GAULIN y ROBERTA MURA, de la Facultad de Ciencias de la Educación de la Universidad Laval, de Quélec (Canadá!

Traducción: M. Fernández Reyes

Introducción

En 1979 decidimos efectuar una experiencia longitudinal sobre el empleo de las calculadoras de bolsillo en cuanto a sus efectos en el rendimiento en aritmética de alúmnos de los últimos niveles de la escue la primaria. Elegimos para ello la región de Québec.

Durante los años anteriores haliamos preparado una serie de materiales destinados al profesorado, con la finalidad de sensibilizar respecto al uso pedagógico de las calculadoras en la escuela.

Después de un año de preparación, la experiencia se realizó - desde Septiembre de 1980 a Junio del 82, con 20 grupos de alumnos de 5 - distritos escolares de la región del Grand Québec: 10 experimentales - (con calculadoras) y 10 de confrontación.

Los resultados de dicha experiencia han sido expuestos en diversas comunicaciones que se citan en la lilliografía $(1,2,3,4\ y\ 5)$.

Justificación de la experiencia

En el momento de proyectarla saliamos que ya halian sido he - chas numerosas experiencias similares. A la luz de estos estudios, $\text{Mar}\underline{i}$ - lyn Suydam afinmala en Mayo del 79: "No parece que el uso de la calculadora influya negativamente en el rendimiento. En casi todos los casos el provecho es igual o superior a cuando no se emplea este instrumento- en la enseñanza de la Matemática." (6)

Conociamos también muchas de las críticas formuladas respecto a la forma en que habían sido llevadas a calo dichas experiencias. Así, Wheatlley y Shumway (7) habian puesto en evidencia el hecho de que la mayon parte de ellas "carecieron de la necesaria programación, de un procedimiento adecuado y de una interpretación de los problemas realmente rigurosa", por lo cual pueden extraerse pocas conclusiones válidas. Suydam (8) asegura que la mayoría se refieren a cuestiones muy amplias y generales. Parkhurst (9) afirma que "muchos de los estudios son deplorablemente semejantes en cuanto a su falta de conclusiones, su amligüedad y sus graves lagunas metodológicas"

En general, se pensaka que el poco tiempo dedicado a las exp<u>e</u> riencias realizadas, invalidaka sus conclusiones.

Teniendo en cuenta todo esto, nos propusimos efectuar un est \underline{u} -dio de larga duración, y tomar todas las precauciones necesarias a fin - de evitar las deficiencias existentes en los anteriores.

Objetivo principal

El primero y principal objetivo de nuestra experiencia fue $v\underline{e}$ rificar si la utilización de la calculadora de bolsillo en clase, produce o no un efecto negativo en cuanto al rendimiento en Aritmética al $f\underline{i}$ ral de la escuela primaria.

Metodologia seguida

Se decidió localizar la experiencia en la zona periférica dela ciudad de Quélec. Para obtener un campo suficientemente representat<u>i</u> vo, la distribuimos en cinco distritos : La Jeune Lorette, Portneuf, des -Erables, Lothinière y Marie-Victorin.

Invitamos a participar al profesorado que halia enseñado d \underline{u} - rante el curso 1980-81 a niños del quinto nivel, sin hacerles saber, de - momento, con qué clase de grupo trabajarian. De entre los voluntarios, previa eliminación de algunos en las escuelas donde dicho número resultó de masiado elevado, elegimos 20.

Por sorteo, fueron asignados 10 al "tratamiento con calculado-na" y el resto a "grupos de contraste", con una restricción que evitarauna posible contaminación de estos grupos : todos los profesores de una nisma escuela fueron encargados del mismo tipo de grupo.

Asi pues, durante el curso 1980-81, cada uno de los grupos de - experimentación y de referencia comprendia 10 clases (12). En el 81-82, afortunadamente, fue posible conservar invariable, en cuanto al alumnado, la mayor parte de las 20 clases-cursando el 6° nivel-, aunque algunas tu vieron un nuevo profesor (con anterioridad se acordó con posibles nue - vos profesores su incorporación a la experiencia, pero sin determinar el tipo de tratamiento en que intervendrian).

En Octubre del 80 y del 81, organizamos seminarios de información para los profesores y colaboradores locales encargados de la experiencia. Además, se informó a los padres de los alumnos sobre lo que pretendiamos y las precauciones que requeria el proyecto.

Programamos nuestro tralajo de tal modo que la marcha y el -funcionamiento de las clases afectadas resultara lo más "natural" posible: con los profesores habituales, el mismo estilo, el programa normal y el texto ordinario.

Con la finalidad de alcanzar mejor nuestro objetivo principal (13), fue necesario introducir un pequeño elemento perturbador: pedir a los profesores que utilizaran, como complemento al libro de texto ordina rio, una colección de problemas verbales correspondientes al programa - de Aritmética, expresamente preparada a tal efecto. La razón de esto fue que los libros al uso en las escuelas no contenían el suficiente número de ejercicios para el uso de la calculadora en los grupos experimenta - les. Tanto los profesores asignados al tratamiento con calculadora, como los del tratamiento sin ella, debian utilizar estos problemas complementa rios, respetando las dos siguientes reglas: proponer semanalmente, al menos dos de estos problemas; dedicar media hora quincenal al tratamiento de este tipo de problemas en clase.

Cada alumno dispuso de una calculadora (modelo Royal L/816, -con "memory lock" y "automatic power off") y además, en cada clase hulo ciento número de ellas para uso del profesor y posible sustitución de-las defectuosas.

En el mes de Octubre de 1980 y 1981, organizamos sesiones es -

peciales con los profesores y colaboradores a fin de familiarizarlos - con el uso de las calculadoras y discutir cómo y hasta que punto podían ser empleadas en clase, teniendo en cuenta los objetivos de la experiencia. Se acondo seguir el principio de animar a los alumnos a usarlas (nunca de obligarlos), para : a) resolver los problemas complementarios; l) resolver algunos del libro de texto, que justificaran su uso : c) verificar algunos resultados obtenidos con lápiz y papel o mentalmente ;-d) verificar la validez de ciertas reglas o propiedades numéricas.

Correspondía a los enseñantes de las clases experimentales de cidir cuándo y de que manera poner las calculadoras a disposición del -alumnado. Periódicamente, delian informarnos sobre estos aspectos.

Con el fin de comparar el rendimiento del grupo experimentalcon el de control, realizamos tres tests: un pretest en Octubre de 1980,
un test intermedio en Junio del 81 (al final del 5° nivel) y un posttest
en Junio del 82 (al final del 6°). En todas las ocasiones utilizamos el
mismo test, fundamentalmente la parte aritmética del test de 6° del Mi nisterio de Educación de Québec. En el desarrollo de los tests, los alum
nos no podían utilizar calculodora, ni siquiera los de las clases experi
mentales.

Resultados obtenidos

Para efectuar el análisis estadístico de los datos, fue neces<u>a</u> rio reducir el número de clases a 16, es decir, 8 experimentales y 8 de -control.

Se recurrió a un análisis multivariado simple de tres facto res, con medida repetida sobre cada uno. Fueron estos : el factor "test"
(fijo y repetido tres veces), el factor "condiciones experimentales" (fijo) y el factor "clase" (aleatorio). No fue necesario probar la homoge neidad de la matriz de varianza y covarianza por medio de un test de Box. Todos los resultados obtenidos con el test F utilizado permanecie
ron significativos al ser sometidos de nuevo a un test conservador F..
Se eligió 0'01 como nivel de significación.

El principal resultado del análisis fue que el factor "condi-

ciones experimentales" no tuvo un efecto significativo. En otras palabras, el hecho de que las calculadoras fueran o no utilizadas, no eviden ció alguna diferencia significativa desde el punto de vista estadistico, en el rendimiento de los grupos sometidos a los tests.

Por otra parte, el factor test tuvo un efecto significativo, - es decir, el rendimiento de los alumnos sometidos a ellos creció con el tiempo, lo que no constituye evidentemente un resultado sorprendente. Ade más, fue también significativa la influencia del factor clase, lo que re vela que el profesor tuvo una influencia mucho mayor sobre los alumnos que el tratamiento experimental.

Aunque en principio no se formuló específicamente hipótesis-alguna sobre el rendimiento según el sexo, se consideró inmediatamente-interesante realizar un test centrado en esta variable. En esta ocasión los factores estudiados fueron : el factor test(fijo y repetido), el factor condiciones experimentales(fijo) y el factor sexo(fijo). No se en-contró ninguna diferencia significativa (α = 0'01) en cuanto al sexo y ninguna interacción significativa entre el sexo y las condiciones experimentales.

Conclusion

Nuestra experiencia indica que la utilización en clase de la calculadora de bolsillo no perjudica el rendimiento de los alumnos, en -los niveles 5° y 6° , en cuanto al cálculo numérico.

Somos conscientes del hecho evidenciado por D.M.Roberts (10) de que este género de estudio tiene una orientación más lien negativa: "antes que examinar los resultados potencialmente positivos, se fija la atención en demostrar la ausencia de efectos negativos. Sin emlargo, parece más realista presuponer que las calculadoras pueden tener más efectos positivos que negativos. Si es aquélla la hipótesis de tralajo, en tonces el permitir el uso de la calculadora en el test efectuado parece ser la estrategia más útil de la experiencia".

Reconocemos esto. Pero, en el momento en que esta experiencia fue encauzada, creimos necesario establecer, sobre todo, el hecho de que -

las calculadoras no tienen un efecto nocivo sobre el rendimiento de los alumnos, y esto mediante un estudio longitudinal bien hecho... En el cun so de los últimos años, un ciento número de investigadores han efectuado trabajos con una orientación más positiva, con el objeto de poner en evidencia determinados efectos potenciales positivos del empleo de la calculadora, en el sentido de Roberts.

Notas y bibliografia

- (1) "Preliminary results of a long term study conducted in Quebec", con ocasion de un coloquio sobre el tema "The Calculator in the Classroom: Recent Research", organizado por SIG/RME/AERA y RAC/NCTM el 12 y 13 de abril de 1983.
- (2) "Les calculatrices nuisent elles au rendement en calcul?" (Congreso del APAME-Sherlrooke, 15 de mayo de 1983.)
- (3) "Effets de l'utilisation de calculatrices sur le rende ment en mathématique des élèves de la Lin du primaire" (51 $^{\circ}$ Congreso del ACFAS-Trois Rivières, 26 de mayo de 1983)
- (4) "Results of a two years study about the effects of calc<u>u</u> lators on achievement in 5th and 6th grades" (Encuentro internacional del Grupo "Psychology of Mathematical Education" (North American Chapter), Montreal, 29 sept. a 1 octubre 1983 Actas, vol. II, ps. 288/294)
- (5) "Qu'est ce que nous apprend la recherche sur l'utilis \underline{a} tion des calculatrices au primaire" (Sesión de estudio organizada por APAME en Ste Foy, del 15 al 17 de noviembre de 1983)
- (6) Cfr. Suydam M.N. "The Use of Calculators in Pre Collegge Education: A State of the Art Review" Columbus, Ohio: Calculator $I_{\underline{n}}$ formation Center, May 1979.
- (7) Cfr. Wheatley G.H. & Shumway R.J. "Impact of Calcula tors in Elementary School Mathematics. Final Report" ERIC Reproduction Service, N^2 ED 175720, july 1979.
- (8) Cfr. Suydam M.N. "Investigations with Calculators: Als tracts and Critical Analysis of Research" Columbus, Ohio: Calculator Information Center, january 1979.

- (9) Cfr. Parkhurst S. "Hand Held Calculators in the Class-room: A Review of the Research" ERIC Reproduction Service, N° ED200416, 1979.
- (10) Cfr. Roberts D.M.-"The impact of Electronic Calculators on Educational Performance" Review of Educational Research, Spring 1980 Vol.50, N^{o}_{-1} .
- (11) Los autores han querido desarrollar contemporáneamente un estudio exploratorio sobre los efectos que pueda tener el empleo de la calculadora en cuanto a la habilidad de los alumnos para estimar re-sultados numéricos, resolver ciertos problemas con datos superfluos o in completos y proceder por tentativas y errores a la resolución de cier-tos problemas aritméticos. Los resultados relativos a este objetivo se-cundario serán presentados por separado y seguidamente.
 - (12) Se toma la clase como unidad, no el alumno.
 - (13) Y también el secundario explicitado en la nota (11)
- N.B. El informe completo será publicado en 1984 y podrá ser so licitado directamente a los autores.

(Al cuidado de Sitia y F.Blezza)

. Por razones de espacio, reservamos para NUMEROS, 16 la última parte de este trabajo: La Didáctica de la Matemática como disciplina científica naciente.